# 贝叶斯平均分计算公式说明

### 核心公式

贝叶斯平均分的计算公式如下:

$$B = rac{\sum_{i=1}^n (v_i \cdot s_i) + (W \cdot M)}{\sum_{i=1}^n v_i + W}$$

#### 其中:

- B 是贝叶斯平均分
- $v_i$  是第 i 个选项的投票数
- $s_i$  是第 i 个选项的分数
- W 是先验权重
- M 是先验均值(在本例中为 0.9185173538775991,即所有投票数据加起来的平均分)

### 先验权重计算

先验权重 W 的计算采用了三个因子的乘积:

$$W = W_b \cdot F_v \cdot F_s$$

#### 其中:

- W<sub>b</sub> 是基础权重(在本例中为 109.22790697674418, 即每个投票帖的平均得票数)
- $F_v$  是方差因子
- $F_s$  是样本量因子

### 方差因子计算

$$F_v=1+rac{\sigma}{2}$$

其中 $\sigma$ 是该帖评分的标准差。

### 样本量因子计算

$$F_s=e^{-N/100}$$

其中 N 是该帖的投票总数。

## 算法特性

- 1. 当投票数 *N* 较小时:
  - F<sub>s</sub> 接近 1
  - 先验权重影响较大
  - 结果更倾向于先验均值
- 2. 当投票数 N 较大时:
  - F<sub>s</sub> 接近 0
  - 先验权重影响减小
  - 结果更接近算术平均值
- 3. 当标准差  $\sigma$  较大时:
  - F<sub>v</sub> 增大
  - 增加对极端值的平滑效果